

INFORMATICĂ

LIMBAJUL PASCAL



MATERIAL ELABORAT CORESPUNZÂND
CERINTELOR DE BACALAUREAT 2016

© 2016 PRESSTERN SOLUTIONS

Cuprins

Gândirea algoritmică	1
Problema căutării.....	1
Problema intrării într-un cabinet medical	2
Tipuri de date	3
Identificatori	4
Constante	4
Variabilă	4
Tipul Integer.....	5
Tipul Real	5
Tipul Char.....	5
Tipul Boolean	6
Tipul String	6
Vectorul	7
Matricea (tablou bidimensional).....	9
Înregistrarea (record)	9
Fișierul text	10
Structuri de date de tip liste	11
Proceduri.....	13
Media aritmetică	13
Ariile unor figuri geometrice	14
Șir de numere în fișier	16
Laturi în triunghi	16
Interschimbarea a două linii într-o matrice.....	17
Funcții	19
Media aritmetică al perechii de numere	20
Suma cifrelor unui număr	20
Număr prim	21
Elementele prime ale unui șir.....	22
Ordonarea a trei numere	23
Unghiuri în grade și radiani.....	23
Perechi de numere	25
Frecvențele caracterelor într-un șir.....	26
Platouri de lungime maximă într-un șir.....	27
Cel mai mare divizor comun.....	29

Recursivitate	31
Conceptul de recursivitate	31
Inversarea unui cuvânt	31
Șirul Fibonacci.....	32
Cel mai mare divizor comun	32
Funcția Ackermann	33
Numărare	34
Anagrame	35
Generare	36
Conversie	37
Codul Gray.....	37
Șirul mediilor aritmetico-geometrice al lui Gauss	39
Evaluarea unei expresii aritmetice	40
Metoda Divide Et Impera	43
Cel mai mare divizor comun.....	43
Problema turnurilor din Hanoi.....	45
Problema tăieturilor.....	45
Algoritmi de căutare. Căutarea binară	47
Merge Sort – sortare prin inreclasare	49
QuickSort - Sortare Rapidă.....	51
Metoda BackTracking.....	53
Descrierea generală a metodei.....	53
Probleme reginelor.....	53
Generarea elementelor combinatorice	55
Partițiile unei mulțimi.....	58
Partițiile unui număr natural.....	60
Plata unei sume cu monede de valori date	61
Paranteze	63
Comis-voiajor	64
Backtracking în plan	67
Labirint	67
Fotografie	70
Cel mai lung prefix	71

Gândirea algoritmică

Problema căutării

Există și cazul care, pentru o aceeași problemă putem prezenta două soluții, în care una este mai rapidă ca alta. De pildă, fie un șir de numere naturale oarecare, de exemplu 4,2,10,1,8,15,7. Vrem să testăm dacă un număr dat (să zicem numărul 8) se află în această secvență sau nu.

O astfel de căutare, prin parcurgerea de la stânga la dreapta a întregii secvențe de numere, până se găsește numărul dorit sau se epuizează toate elementele din secvență, se numește căutarea secvențială. Dacă avem un șir S de n elemente (notat $S[1..n]$), atunci căutarea secvențială a lui x în S se descrie prin:

Căutare_secvențială($x,S[1..n]$) înseamnă

Început

Fie `elemental_curent` = primul_element;

Atât timp cât (`elemental_curent <> x`) și (`pozitia elementului current <= pozitia ultimului element (n)`) execută

Început

Dacă `elemental_curent = x` atunci mesaj('găsit')

Altfel treci la următorul element

Sfârșit

Sfârșit.

În continuare să presupunem că numerele erau deja ordonate crescător 1, 2, 4, 7, 8, 10, 15. În acest caz particular, căutarea secvențială a unui număr cum este 8 nu este prea eficientă, deoarece 8 se află în a doua jumătate a secvenței, deci ar fi de preferat să nu-l căutăm în prima jumătate. Acest procedeu este mai rapid:

- Dacă numărul din mijloc este mai mic decât numărul căutat, atunci căutăm a doua jumătate;
- Dacă numărul din mijloc este mai mare ca numărul căutat, atunci căutăm în prima jumătate;
- Dacă numărul din mijloc este egal cu numărul căutat, înseamnă că am găsit numărul în cauză și trebuie să oprim căutarea.

Căutarea în jumătatea aleasă se face tot la fel, deci se va înjumătăți și această zonă...

Procedul anterior se numește căutare binară, deoarece, de fiecare dată, o secvență de numere este divizată în două jumătăți. Putem descrie căutarea binară a unui număr x într-o secvență $S[1..n]$ astfel.

Căutarea_binară($x, S[1..n]$) înseamnă

Început

Stabilește elemental_curent ca fiind elemental din mijlocul secvenței;

Dacă $n=1$ atunci

Dacă $x = \text{elemental_curent}$ atunci mesaj('găsit')

Altfel mesaj('negăsit')

Altfel

Început

Împarte secvența în cele două jumătăți ($S[1..mijloc]$ și $S[mijloc+1..n]$);

Dacă $\text{elemental_curent} = x$ atunci mesaj('găsit')

Altfel

Dacă $\text{elemental_curent} < x$ atunci Căutare_binară($x, S[mijloc+1..n]$)

Altfel căutarea_binară($x, S[1..mijloc]$)

Sfârșit

Sfârșit.

Problema intrării într-un cabinet medical

Dacă un om vrea să intre pentru consult la un medic, atunci, mai întâi va bate la ușă: dacă medicul răspunde prin „poftim!”, atunci va intra, altfel va aștepta până când pacientul dinăuntru va ieși; abia după ce cabinetul va fi liber, va intra.

Intrare_la_medic înseamnă

Început

Bate la_ușă;

Dacă răspunsul = „poftim!” atunci

Întră_în_cabinet;

Altfel

Început

Atât timp cât cabinetul_este_ocupat_de_alt_pacient execută

Citeste_un_ziar;

Sfârșit

Sfârșit.

O instrucțiune compusă este formată dintr-o secvență de instrucțiuni, încadrate de cuvinte început și sfârșit, care pot conține, la rândul lor, blocuri de alternativă și repetiție.

Programarea este tehnica realizării de algoritmi descriși prin proceduri și programe. Ea devine o artă, atunci când se folosesc cele trei elemente de structurate și se numește programare structurată. Pentru a vedea ce ar însemna programare nestructurată, să reconsiderăm procedura de intrare în cabinetul medical:

Intare_la_medic înseamnă

Început

Bate_la_ușă;

Dacă răspunsul = ,poftim!' atunci intră_în_cabinet;

Altfel Început

Atât timp cât cabinetul_este_ocupat_de_alt_pacient execută

Citeste_un_ziar;

Întră_în_cabinet

Sfârșit

Sfârșit.

Tipuri de date

Într-o declarație de forma procedure ordonare(n), n reprezintă argumentul procedurii; adică procedura ordonare ordonează n elevi, unde s se va preciza ulterior. Noi convenim ca n să fie număr natural, chiar dacă declarația de mai sus nu rezultă acest lucru. În limbajele evaluate de programare, fiecare argument, fiecare variabilă are un anumit tip bine definit, adică poate lua valori dintr-o mulțime precizată de valori.

În algoritmi simpli, putem folosi următoarele tipuri de date:

- Integer = mulțimea numerelor întregi
- Real = mulțimea numerelor reale
- Char = caracter
- String = șir de caractere
- Boolean = logic

Byte	0	255	1 Byte
Word	0	65 535	2 Byte
Shortint	-128	127	1 Byte
Integer	-32 768	32 767	2 Byte
Longint	-2 147 483 648	2 147 483 647	4 Byte

Proceduri

Media aritmetică

Realizați un program care calculează și afișează media aritmetică a două numere reale x și y .

```
Program Media_aritmetica;  
Var  
  media,x,y:Real;  
Begin  
  Write('Dati numerele:');  
  ReadLn(x,y);  
  Media:=(x+y)/2;  
  WriteLn('Media='Media:8:2);  
  ReadLn;  
End.
```

Cu Procedure...

```
Program Media_aritmetica;  
Var  
  media,x,y:Real;  
  
Procedure media_calcul;  
Begin  
  Media:=(x+y)/2;  
  WriteLn('Media=',Media:8:2);  
End;  
  
Begin  
  Write('Dati numerele:');  
  ReadLn(x,y);  
  media_calcul;  
  ReadLn;  
End.
```

Procedura `Media_calcul` conține toate acțiunile algoritmului: citirea numerelor, calcul și afișarea mediei aritmetice.

```

Program Media_aritmetica;
Var
  media,x,y:Real;

Procedure media_calcul;
Begin
  Write('Dati numerele:');
  ReadLn(x,y);
  Media:=(x+y)/2;
  WriteLn('Media=',Media:8:2);
End;

Begin
  media_calcul;
  ReadLn;
End.

```

Ariile unor figuri geometrice

Scrieți un program care, în funcție de dorința utilizatorului, calculează și afișează: aria unui pătrat de latură L , sau aria unui cerc de rază r , sau aria unui triunghi cu baza b și înălțimea h . Pentru calcul și afișarea fiecăreia din cele trei arii, se va folosi câte o procedură.

```

Program aria;
Const
  pi=3,14159;
Var
  opt:Integer;

Procedure aria_patrat;
Var
  L:Integer;
Begin
  Write('Latura L=');
  ReadLn(L);
  If L>0 Then
    WriteLn('Aria =',(L+L):6)
  Else
    WriteLn('Date incorecte!');
End;

```



```
Procedure aria_cerc;
```

```
Var
```

```
  r:Integer;
```

```
Begin
```

```
  Write('Raza r=');
```

```
  ReadLn(r);
```

```
  If r>0 Then
```

```
    WriteLn('Aria =',(pi*r*r))
```

```
  Else
```

```
    WriteLn('Date incorecte!');
```

```
End;
```

```
Procedure aria_triunghi;
```

```
Var
```

```
  b,h:Integer;
```

```
Begin
```

```
  Write('baza b si inaltime h= ');
```

```
  ReadLn(b,h);
```

```
  If (b>0) and (h>0) Then
```

```
    WriteLn('Aria =', (b*h)/2)
```

```
  Else
```

```
    WriteLn('Date incorecte!');
```

```
End;
```

```
Begin
```

```
  WriteLn('Dati optiunea dvs. ');
```

```
  WriteLn('1:patrat, 2:cerc, 3:triunghi ');
```

```
  ReadLn(opt);
```

```
  Case opt Of
```

```
    1:aria_patrat;
```

```
    2:aria_cerc;
```

```
    3:aria_triunghi;
```

```
  Else
```

```
    WriteLn('Date incorecte!');
```

```
  End;
```

```
  ReadLn;
```

```
End.
```

Funcții

La fel ca și procedurile, funcțiile efectuează anumite operații, dar în plus a funcție „întoarce” o anumită valoare. Tipul valorii returnate se precizează la sfârșitul antetului funcției, fiind precedat de caracterul „două puncte”. Valoarea pe care o returnează o funcție poate fi folosită apoi în modul apelant și în celelalte module componente.

Sintaxa:

```
Function <id_fct> (<L1>:<tip1>; <L2>:<tip2>; ...; <Ln>:<tipn>): <tipr>;  
...  
{declarații de variabile locale}  
Begin  
...  
{corpul funcției}  
End;
```

<id_fct> - identificatorul

<L1>,<L2>,...,<Ln> - sunt liste de paramateri

<tip1>,<tip2>,...,<tipn> - tipurile parametrilor

<tip_r> - tipul valorii returnate

Exemplu:

```
Program Media;  
Var  
  x,y:Real;  
  
Function calcul(a,b:Real):real;  
Begin  
  Calcul:=(a+b)/2;  
End;  
  
Begin  
  Write('x,y=');  
  ReadLn(x,y)  
  ReadLn('Media=',calcul(x,y));  
  ReadLn;  
End.
```

Media aritmetică al perechii de numere

Realizați un program care citește de la tastatură două perechi de numere (x_1, x_2) și (y_1, y_2) , calculează media aritmetică a numerelor fiecărei perechi, apoi determină cea mai mare dintre mediile obținute.

```
Program media_2;
Var
  m1,m2,x1,x2,y1,y2:Real;
Function calcul(x,y:Real):Real;
Begin
  Calcul:=(x+y)/2;
End;

Begin
  Write('x1,x2=');
  ReadLn(x1,x2);
  M1:=calcul(x1,x2);
  Write('y1,y2=');
  ReadLn(y1,y2);
  M1:=calcul(y1,y2);
  If M1>M2 Then
    WriteLn(M1)
  Else
    WriteLn(M2);
  ReadLn;
End.
```

Suma cifrelor unui număr

Scrieți o funcție care returnează suma cifrelor unui număr natural x dat ca parametru.

```
Program suma;
Var
  x:LongInt;
Function suma(x:LongInt):Integer;
Var
  d,s:Integer;
Begin
  D:=x;
```

```

S:=0;
Repeat
  S:=S+d mod 10;
  D:=d div 10;
Until d=0;
Suma:=S;
End;

Begin
  Write('Numărul:');
  ReadLn(x);
  WriteLn('Suma cifrelor lui ',x, ' este : ',suma(x));
  ReadLn;
End.

```

Număr prim

Scrieți un program care testează dacă un număr natural x dat ca parametru este prim sau nu, returnând true sau false.

```

Program Prim;
Var
  x:Integer;
Function test(x:Integer):Boolean;
Var
  i:Integer;
Begin
  Test:=True;
  For i:=2 To x div 2 Do
    If x mod i = 0 Then
      Test:=False;
End;

Begin
  Write('x=');
  ReadLn(x);
  If test(x) Then
    WriteLn('Numarul este prim!')
  Else
    WriteLn('Numarul nu este prim!');
End.

```